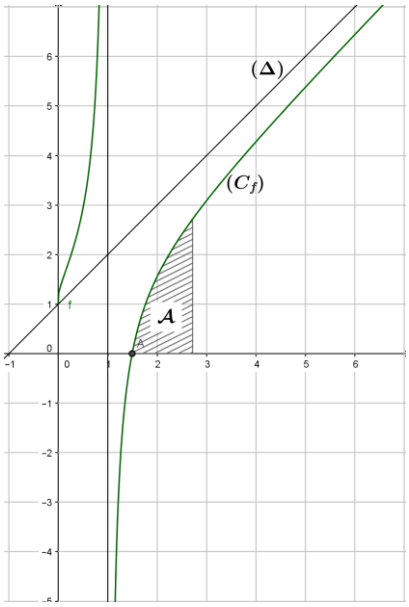
عناصر الإجابة (الموضوع الأول)	العلامة مجزأة	العلامة مجموع
التمرين الأول:(04 نقاط)		
1) تمثيل الحدود	**01**	**1.75**
ـ التخمين : (u_n) المتتالية متزايدة تماما ومتقاربة نحو (-1)	**0.75**	
2) البرهان أنّ $-3 \leqslant u_n < -1$	**01**	**01**
3) أ/ تبيان أنّ $u_{n+1}+1 \geqslant \frac{3}{4}(u_n+1)$.	**0.25**	**0.75**
ب/ استنتاج أنّ $u_n+1 \geqslant -2\left(\frac{3}{4}\right)^n$	**0.25**	
ـ $\lim\limits_{n\to+\infty} u_n = -1$	**0.25**	
4) ـ اثبات أنّ $8\left[\left(\frac{3}{4}\right)^{n+1}-1\right] \leqslant (u_0+1)+(u_1+1)+\cdots+(u_n+1) < 0$	**0,25**	**0.5**
ـ مما سبق نجد $S_n < -n-1$ ومنه $\lim\limits_{n\to+\infty} S_n = -\infty$	**0.25**	
التمرين الثاني: (04 نقاط)		
1) أ) $\overrightarrow{OA}(1;1;3)$ ، $\overrightarrow{OB}(1;0;2)$ لدينا $\frac{1}{1} \neq \frac{0}{1}$ إذن $\overrightarrow{OA}$ و $\overrightarrow{OB}$ غير مرتبطان خطيا.	**01**	**2.5**
ب) $\vec{n}\cdot\overrightarrow{OA}=0$ و $\vec{n}\cdot\overrightarrow{OB}=0$ يعني $\vec{n}$ شعاع ناظمي للمستوي (OAB)	**0.75**	
$(OAB): 2x+y-z=0$	**0.75**	
2) - $M \in (\Delta)$ يكافئ $\begin{cases} 2x+2y+6z-11=0 \\ 2x+4z-5=0 \end{cases}$	**0,5**	**01**
$(p_1): 2x+4z-5=0$ المستوي المحوري لـ $[OB]$		
$(p_2): 2x+2y+6z-11=0$ المستوي المحوري لـ $[OA]$		
ومنه $(\Delta)=(p_1)\cap(p_2)$		
ـ التمثيل الوسيطي $(\Delta): \begin{cases} x=\frac{5}{2}-2t \\ y=3-t \\ z=t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$	**0,5**	

0, 5	0.25 0.25	3) – $M \in (\Delta)$ يكافئ : $M \in (P_1)$ و $M \in (P_2)$ يكافئ : $OM = BM$ و $OM = AM$. يكافئ : $OM = BM = AM$ – Ω مركز الدائرة (C) يكافئ ($\Omega \in (OAB)$ و $\Omega A = \Omega B = \Omega O$) يكافئ ($\Omega \in (OAB)$ و $\Omega \in (\Delta)$) $\Omega\left(-\frac{1}{6};\frac{5}{3};\frac{4}{3}\right)$.
1 ,5	1 ,5	**التمرين الثالث (05 نقاط):** **I.** مجموعة حلول المعادلة هي $S=\{1+i\,;1-i\,;\sin\theta+i\cos\theta\,;\sin\theta-i\cos\theta\}$
1,25	0,5 0,25 0,25 0,25	**II. 1)** $z_A=\sqrt{2}\,e^{i\frac{\pi}{4}}$ ؛ $z_B=\sqrt{2}\,e^{-i\frac{\pi}{4}}$ ؛ $z_C=e^{i\left(\frac{\pi}{2}-\theta\right)}$ ؛ $z_D=e^{i\left(\theta-\frac{\pi}{2}\right)}$
1 ,5	0,5 0.75 0.25	**2)** $z_E=e^{i\frac{\pi}{2}}$ $\lvert z_c\rvert=\lvert z_D\rvert=\lvert z_E\rvert=1$ أي النقط C، D و E تنتمي إلى الدائرة التي مركزها مبدأ المعلم O و طول نصف قطرها 1 .
0,5	0,5	**3)** $z_B-z_A=(2\sqrt{2}-2)\,e^{i\frac{\pi}{4}}(z_C-z_A)$ إذن $e^{i\left(\frac{\pi}{2}-\theta\right)}=e^{i\frac{5\pi}{4}}$ و منه $\theta=\frac{-3\pi}{4}$
0,25	0,25	**4)** $\frac{3\pi}{4}n=\frac{\pi}{2}+k\pi$ أي $n\equiv 2[4]$ و منه $n=4k+2$; $k\in\mathbb{Z}$
0.75	0,25	**التمرين الرابع:(07 نقاط):** **1)** أ/ f مستمرة عند 0 من اليمين.
	0,5	**ب/** $\lim\limits_{h\to 0^{>}}\frac{f(h)-f(0)}{h}=+\infty$ و منه (C_f) يقبل نصف مماس عمودي.
2,5	0,75	**2)** أ/ $\lim\limits_{x\to+\infty}f(x)=+\infty$ ، $\lim\limits_{x\to 1^{<}}f(x)=+\infty$ ، $\lim\limits_{x\to 1^{>}}f(x)=-\infty$
	0,5 0,5	**ب/** $f'(x)=1+\frac{1}{x(\ln x)^2}$ و منه الدالة f متزايدة تماما على $]0;1[$ وعلى $]1;+\infty[$

	0,75	x | 0 | 1 | $+\infty$ $f'(x)$ | $+$ | $+$ $f(x)$ | $0 \nearrow +\infty$ | $-\infty \nearrow +\infty$
0.75	**0,25**	**3)** $y=x+1$ هي معادلة للمستقيم (Δ) المقارب المائل للمنحني (C_f) بجوار $+\infty$
	0,5	ـ الوضع النسبي : في المجال $]0;1[$ يكون المنحني (C_f) أعلى (Δ) و في المجال $]1;+\infty[$ يكون المنحني (C_f) أسفل (Δ)
01	**0,5**	**4)** ـ $f(\alpha)=0$ حيث $1.49<\alpha<1.5$ (مبرهنة القيم المتوسطة)
	0,5	ـ معادلة المماس في النقطة ω : $y=\left(\alpha+3+\frac{1}{\alpha}\right)(x-\alpha)$
0.75	**0,75**	**5)** 
01	**0,5**	**6)** أ/ $h'(x)=\ln x$ و منه h متزايدة تماما على $[1;+\infty[$ و $h(1)=0$ اذن $h(x)\geq 0$
	0,25	ب/ $f(x)-x+\frac{1}{x\ln x}=\frac{h(x)}{x\ln x}$
	0,25	ـ استنتاج أنّ: $x-\frac{1}{x\ln x}<f(x)<x+1$
0,25	**0,25**	**7)** لدينا: $\int_{\alpha}^{e}(x-\frac{1}{x\ln x})dx<\mathcal{A}<\int_{\alpha}^{e}(x+1)dx$ و منه : $\frac{1}{2}(e^2-\alpha^2)-\ln(\alpha+1)<\mathcal{A}<\frac{1}{2}(e-\alpha)(e+\alpha+2)$

عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)	العلامة مجزأة	العلامة مجموع
التمرين الأول: (04 نقاط)		
1- $\beta=2017$ و $\alpha=2018$	2x0.5	1.5
$p\gcd(\beta,\frac{\alpha}{2})=1$	0.5	
2- $(x,y)=(2017k+2,1009k+1)/k\in\mathbb{Z}$	2x0.5	1
3- $a=2035153k+2019$ مع $k\in\mathbb{Z}$	0.5	0.5
4- أ. دور بواقي القسمة هو 3 و البواقي هي 1، 7، 4	0.75	1
ب. $42L=7^{2019}-7$،		
ـ باقي القسمة هو 3.....	0.25	
التمرين الثاني: (04 نقاط)		
1- $p(A)=\frac{5}{126}$ ، $p(B)=1$ ، $p(C)=\frac{8}{126}$	0.25x3	0.75
2- أ) $X\in\{0,1,2,3\}$	0.5	3.25
قانون احتمال	4x0.5	

X_i	0	1	2	3
$p(X_i)$	$\frac{6}{126}$	$\frac{45}{126}$	$\frac{60}{126}$	$\frac{15}{126}$

ب) $E(X)=\frac{210}{126}=\frac{5}{3}$	0.5	
جـ) $p(X^2-X>0)=\frac{75}{126}=\frac{25}{42}$	0.25	
التمرين الثالث: (05 نقاط)		
1) $m\in]1,5[$	0.5	0.5
2) $s=\{-2+i,-2-i\}$	2x0.5	1
3) $\alpha=-2+\sqrt{3}$	0.5	0.5
4) كتابة العدد $\frac{z_C-z_E}{z_A-z_B}=e^{i\frac{\pi}{2}}$.	0.5	1.5
أ) $(AB)\perp(EC)$	0.75	
ب) $CA=CB=CE$ (Γ) دائرة مركزها C و نصف قطرها 2.	0.25	

1.5	0.5x2 0.5	5) أ) $a=-\frac{1}{2}+\frac{\sqrt{3}}{2}i$ ، وزاويته $\frac{2\pi}{3}$. ب) لاحقة G مركز ثقل المثلث ABC هي $-2+\frac{\sqrt{3}}{3}$ و بما ان $r(G)=G$ اذن G مركز الدوران
0.75	0.5 0.25	**التمرين الرابع (07 نقاط):** **I)** 1) لدينا $g'(x)=\frac{(2x^3+2x^2+x+1)}{x^2}e^{-\frac{1}{x}}$. - بيان أنّ: $g'(x)=\frac{(x+1)(2x^2+1)}{x^2}e^{-\frac{1}{x}}$. - اتجاه تغير : g متزايدة تماما على $]0;+\infty[$.
1	0.5 0.5	**2)** المعادلة $g(x)=0$ تقبل حل وحيد α حيث $0,9<\alpha<1$. - **اشارة** $g(x)$
1.75	0.25x2 0.75 0.25 0.25	**II)** 1)أ) $\lim_{x\to+\infty}f(x)=+\infty$ ، $\lim_{\substack{x\to 0\\ >}}f(x)=+\infty$. ب) اثبات أن $f'(x)=\frac{g(x)}{x^2}$ - استنتاج اتجاه التغير - جدول التغيرات
0.75	0.5 0.25	2) تبيان أن : $\lim_{x\to+\infty}\left(xe^{-\frac{1}{x}}-x\right)=\lim_{t\to+\infty}-\frac{e^t-1}{t}=-1$ - استنتاج أن $y=x$ معادلة للمستقيم المقارب المائل لـ (C_f)
0.75	0.25 0.25 0.25	3) أ) $\lim_{x\to+\infty}h(x)=0$ - $h'(x)=\frac{1}{x^2}\left(e^{-\frac{1}{x}}-1\right)$. h متناقصة تماما على $]0;+\infty[$ - اذن من أجل كل x من $]0;+\infty[$: $h(x)>0$
0.5	0.25 0.25	ب) التحقق أن : $f(x)-x=(1+x)h(x)$ - استنتاج الوضع النسبي : (C_f) فوق (Δ)
0.75	0.75	4) الرسم (Δ) و (C_f)

5) أ) $u_n = \mathrm{e}^{-n}$ ، (u_n) هندسية أساسها $q = \frac{1}{\mathrm{e}}$ و $u_1 = \frac{1}{\mathrm{e}}$ ب) لدينا: $\frac{n}{n+1} f\left(\frac{1}{n}\right) - \frac{1}{n+1} = u_n + (n-1)$ ومنه $s_n = (u_1 + u_2 + \cdots + u_n) + (0+1+\cdots+(n-1))$ أي $s_n = \frac{1-\mathrm{e}^{-n}}{\mathrm{e}-1} + \frac{n}{2}(n-1)$	**0.5** **0.25**	**0.75**